

Chapitre 4.3 Étude de la fonction logarithmique de base

Fonction logarithmique de base

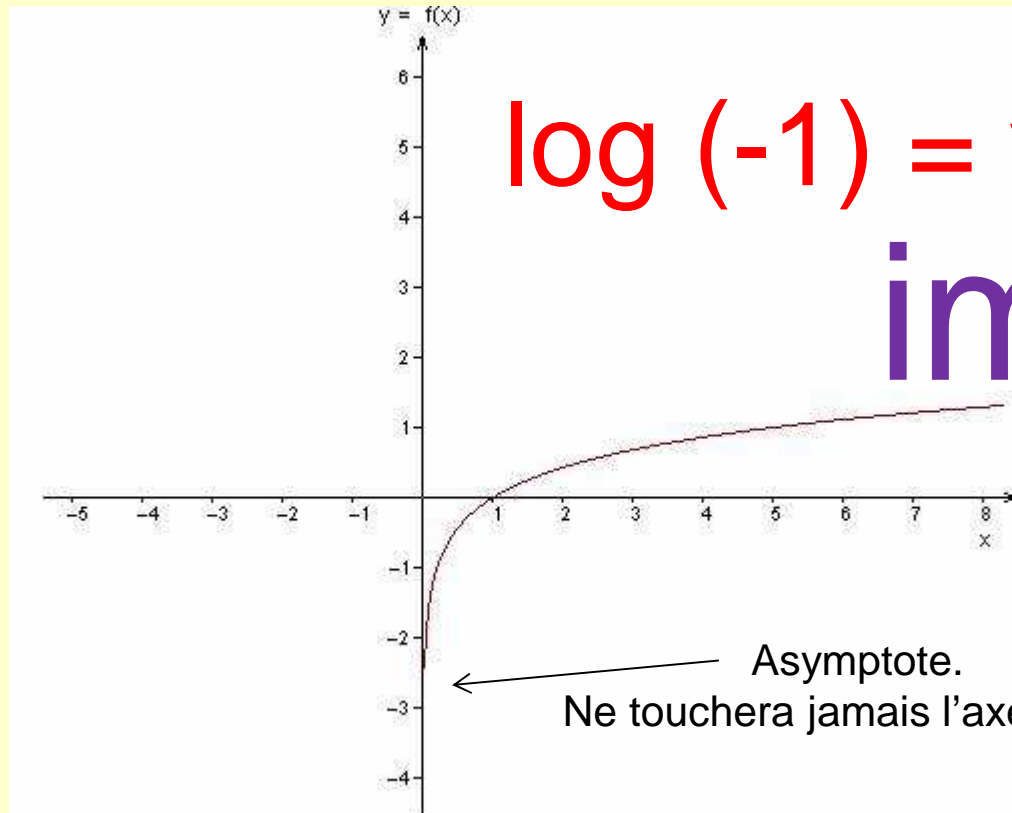
$\forall c > 0$ et $c \neq 1$, la règle est $f(x) = \log_c x$

Où c est appelé la base et x est appelé l'argument.

La courbe passera toujours au point $(1, 0)$ et l'asymptote sera égale à $x=0$.

Exemple avec $f(x) = \log x$

$x > 0$



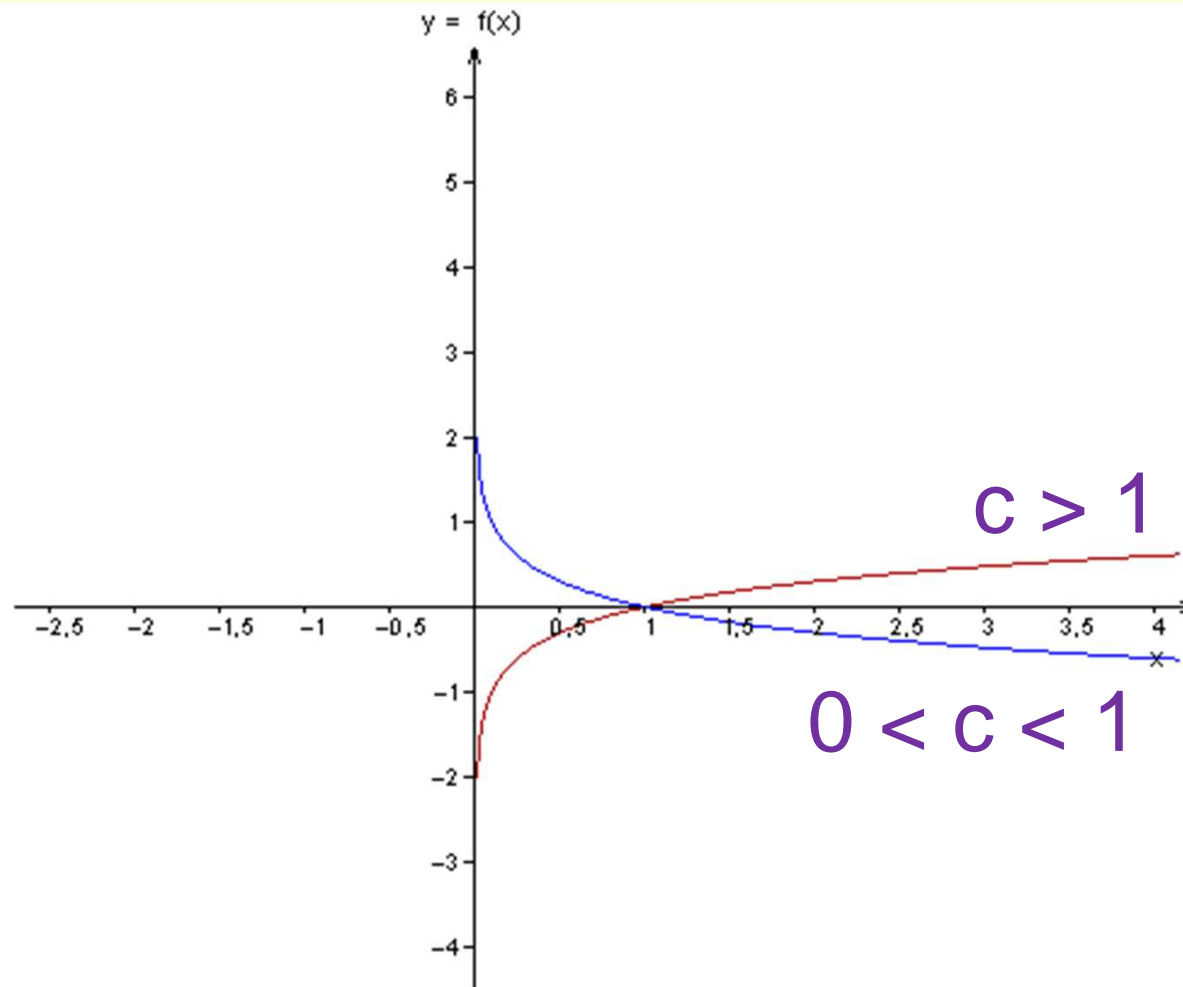
$$\log(-1) = y \rightarrow 10^y = -1$$

impossible

Chapitre 4.3 Étude de la fonction logarithmique de base

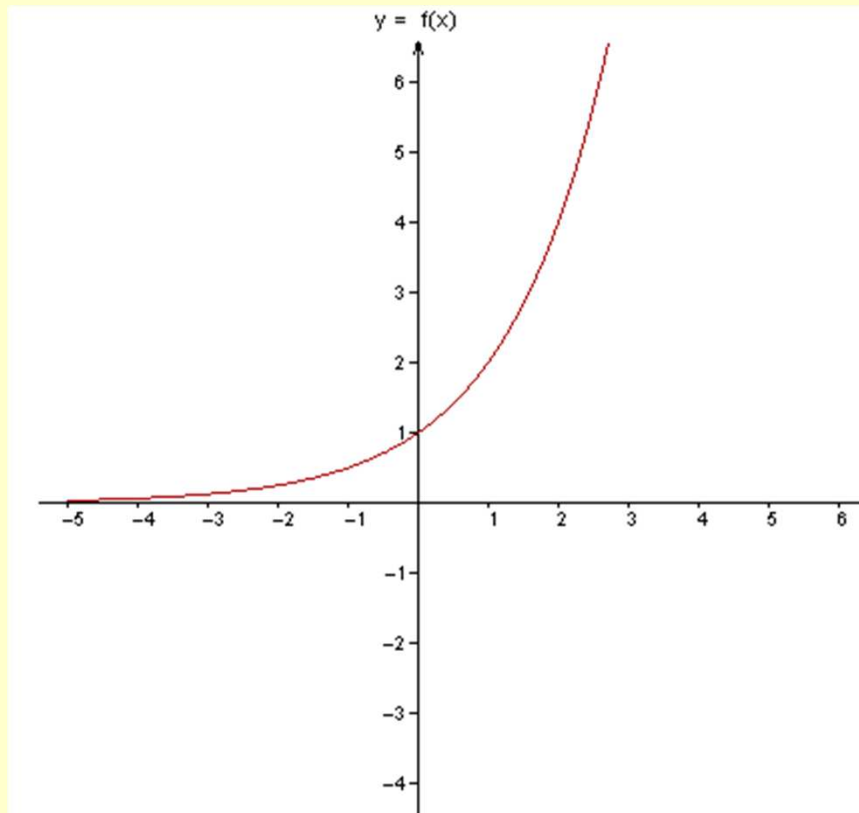
Si $c > 1$, la fonction sera croissante (courbe brune).

Si $0 < c < 1$, la fonction sera décroissante (courbe bleue).

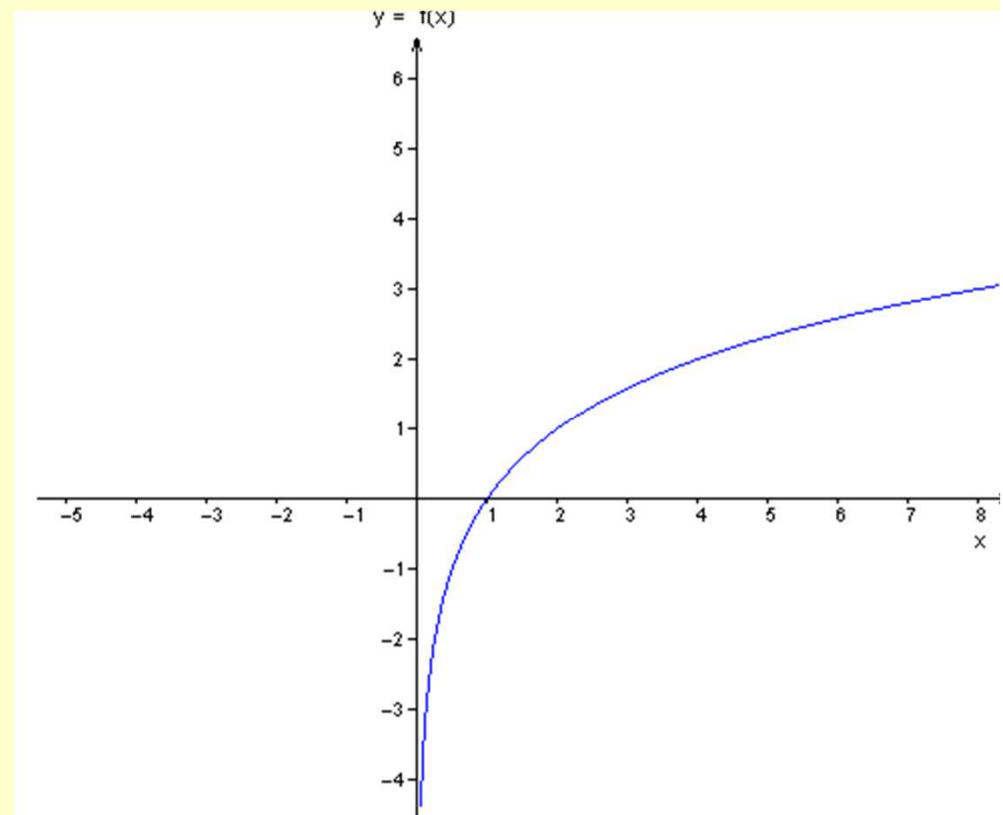


Chapitre 4.3 Étude de la fonction logarithmique de base

Fonction exponentielle
de base $y = 2^x$

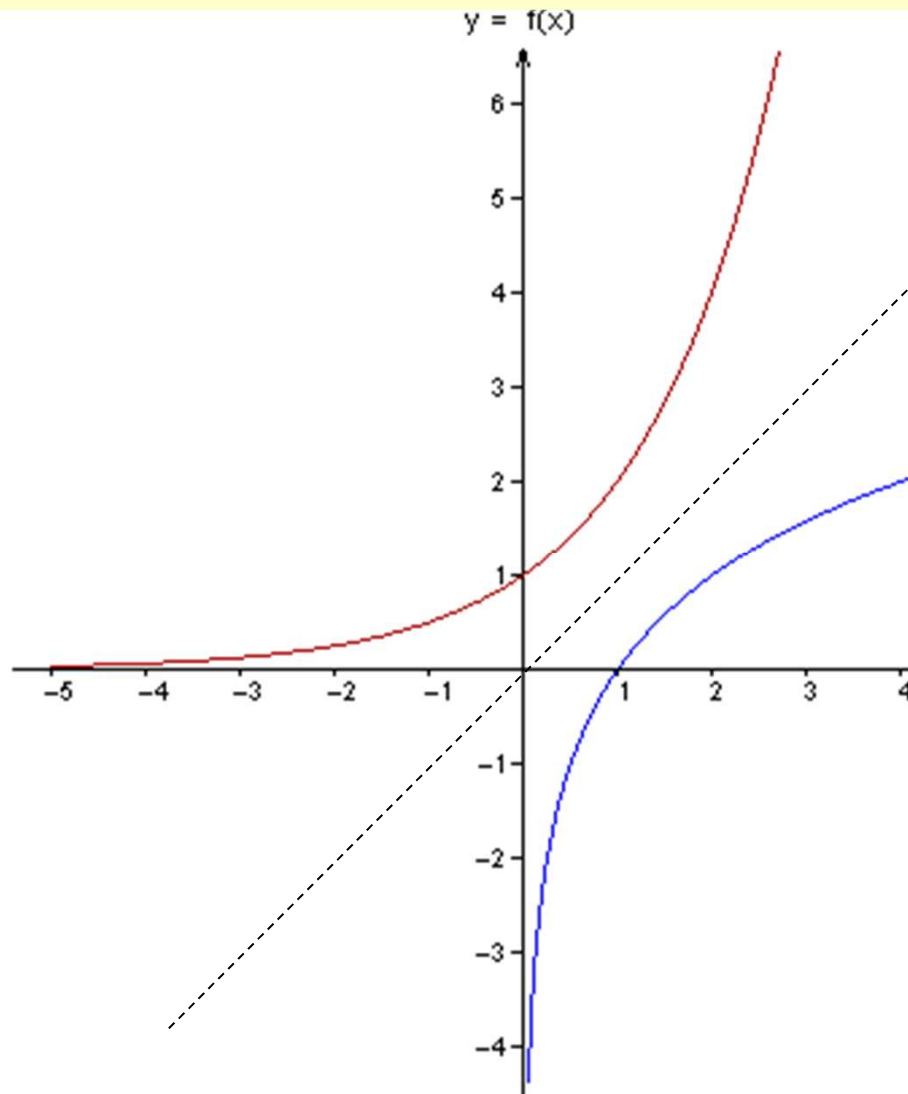


Fonction logarithmique
de base $y = \log_2 x$



Fonction exponentielle
de base $y = 2^x$

Fonction logarithmique
de base $y = \log_2 x$



Bissectrice

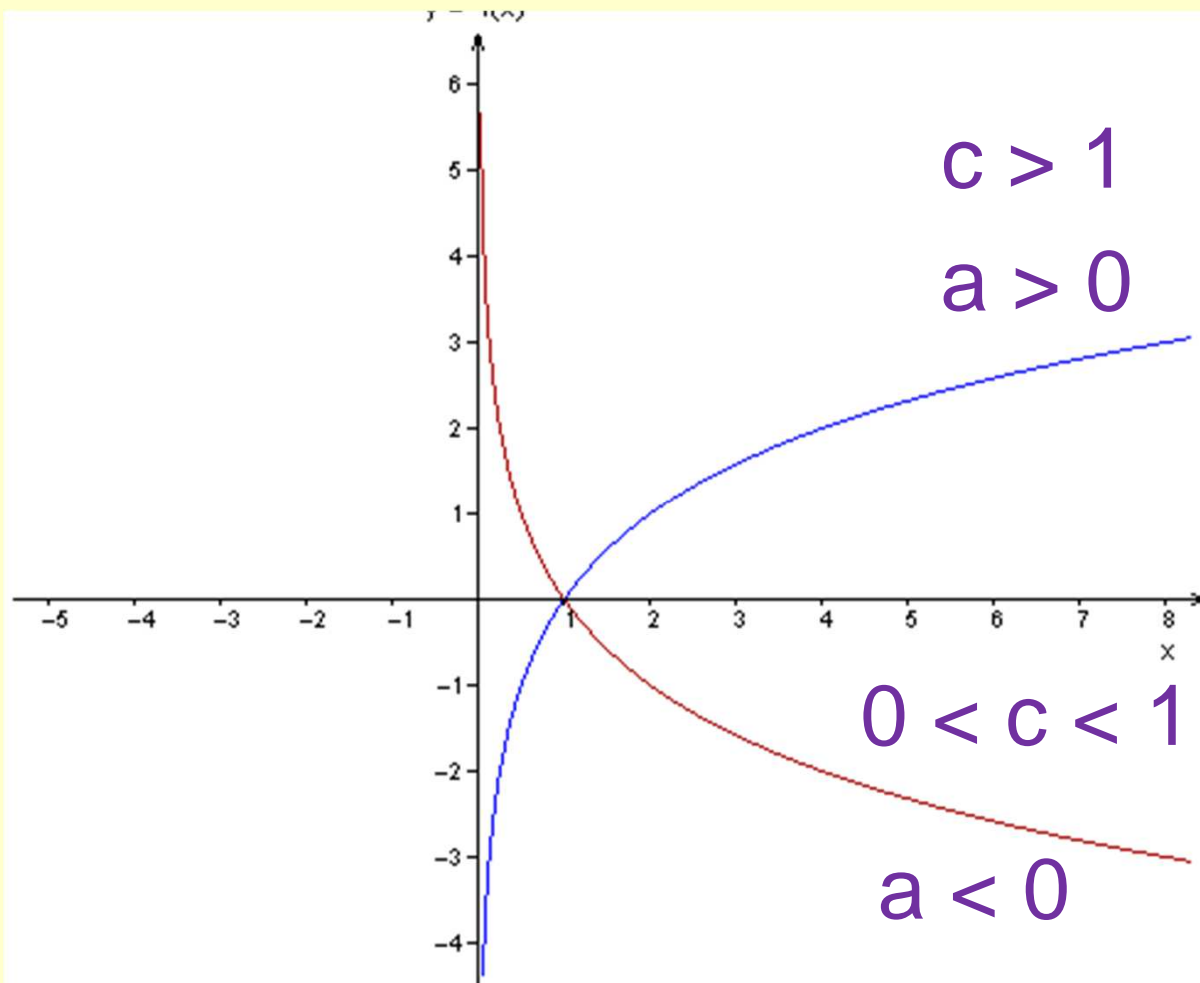
La réciproque d'une
exponentielle est
un logarithme

Influence des paramètres

Analysons le paramètre a avec $f(x) = a \log_c x$

a positif (courbe bleue)

a négatif \implies réflexion par rapport à l'axe des x (courbe rouge)

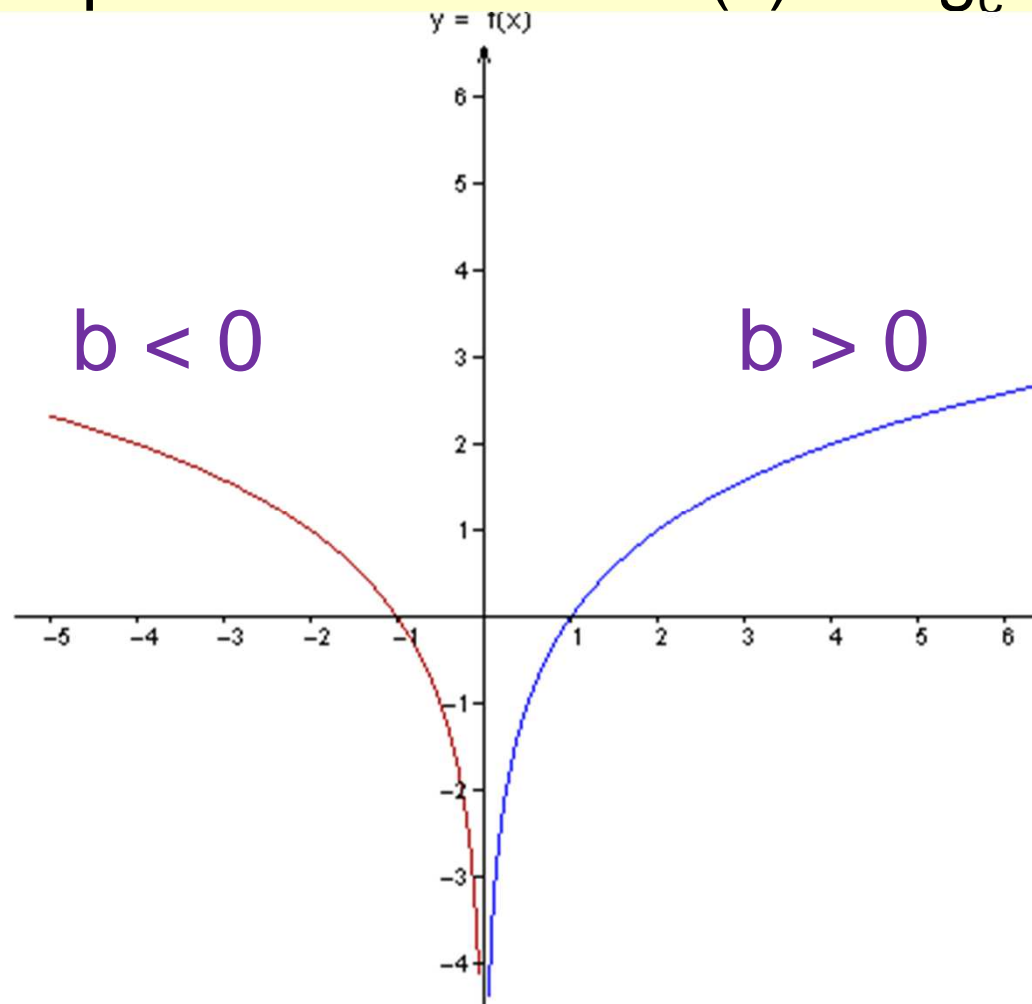


Influence des paramètres

b positif (courbe bleue)

b négatif ==> réflexion par rapport à l'axe des y (courbe rouge)

Analysons le paramètre b avec $f(x) = \log_c bx$



Influence des paramètres

$$f(x) = a \log_c b(x-h) + k$$

Pour le paramètre h

s'il est positif \implies translation horizontale de h unités vers la droite

s'il est négatif \implies translation horizontale de h unités vers la gauche

Pour le paramètre k

s'il est positif \implies translation horizontale de h unités vers la haut

s'il est négatif \implies translation horizontale de h unités vers le bas